



ใบความรู้ที่ 3.1

เรื่อง แรงและการเปลี่ยนแปลงโมเมนตัม

รหัสวิชา ว30201

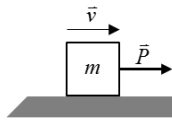
รายวิชา ฟิสิกส์ 1

ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2559

ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4

1. โมเมนตัม

โมเมนตัม (momentum) หมายถึง ปริมาณที่บอกสภาพของการเคลื่อนที่ของวัตถุ ซึ่งพยายามทำให้วัตถุพุ่งตัวออกไปข้างหน้าในทิศทางของความเร็ว เป็นปริมาณเวกเตอร์มีทิศตามทิศของความเร็ว หาได้จากผลคูณของมวลกับความเร็ว



เมื่อ m คือ มวลของวัตถุ มีหน่วยเป็นกิโลกรัม (kg)

\vec{v} คือ ความเร็วของวัตถุ มีหน่วย เมตรต่อวินาที (m/s)

\vec{P} คือ โมเมนตัมของวัตถุ

จากความหมายของโมเมนตัม เขียนเป็นสมการได้ว่า

$$\vec{P} = m\vec{v} \quad (1)$$

จากสมการ (1) โมเมนตัม มีหน่วยเป็น กิโลกรัม - เมตรต่อวินาที ($kg \cdot m/s$) หรือ นิวตัน - วินาที ($N \cdot s$)

จากกฎการเคลื่อนที่ข้อที่หนึ่งของนิวตัน หรือ กฎของความเฉื่อย ซึ่งอาจเขียนในรูปของโมเมนตัมได้ว่า ในกรณีที่วัตถุมีความเร็วคงตัว โมเมนตัมของวัตถุคงตัวเสมอ

หมายเหตุ โมเมนตัมเป็นปริมาณเวกเตอร์ พังระมัดระวังเรื่องทิศทางของโมเมนตัม
ด้วยเพราะต้องคำนึงถึงทิศทางเสมอ

2. การเปลี่ยนแปลงโมเมนตัม

วัตถุที่หยุดนิ่งอยู่หรือกำลังเคลื่อนด้วยความเร็วคงที่เราอาจกล่าวได้ว่า โมเมนตัมของวัตถุนั้นคงที่ หากวัตถุมีการเปลี่ยนแปลงสภาพการเคลื่อนที่โมเมนตัมของวัตถุจะเปลี่ยนไป

โมเมนตัมของวัตถุที่เปลี่ยนไป หาได้จาก ผลต่างของโมเมนตัมสุดท้ายกับโมเมนตัมเริ่มต้น เราเขียนเป็นสมการได้ว่า

$$\Delta \vec{P} = \vec{P}_2 - \vec{P}_1 \quad (2)$$

$$\text{หรือ} \quad \Delta \vec{P} = m\vec{v} - m\vec{u} \quad (3)$$

โมเมนตัมที่เปลี่ยนไปของวัตถุอาจเกิดขึ้นได้ในกรณี ดังต่อไปนี้

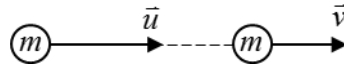
2.1 ความเร็วต้นอยู่ในแนวเดียวกับความเร็วปลาย โดยที่ความเร็วปลายมากกว่าความเร็วต้น ($\vec{v} > \vec{u}$)



ในกรณีนี้ $\Delta \vec{P}$ และ $\Delta \vec{v}$ จะมีทิศไปทางเดียวกับการเคลื่อนที่ ดังนั้น

$$\begin{aligned} \text{จาก} \quad \Delta \vec{P} &= m\vec{v} - m\vec{u} \\ \therefore \Delta \vec{P} &= m(+\vec{v}) - m(+\vec{u}) \\ \text{จะได้} \quad \Delta \vec{P} &= m\vec{v} - m\vec{u} \end{aligned}$$

2.2 ความเร็วต้นอยู่ในแนวเดียวกับความเร็วปลาย โดยที่ความเร็วปลายน้อยกว่าความเร็วต้น ($\vec{v} < \vec{u}$)



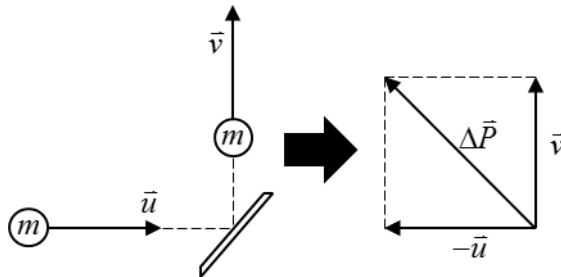
ในกรณีนี้ $\Delta \vec{P}$ และ $\Delta \vec{v}$ จะมีทิศตรงข้ามกับการเคลื่อนที่ ดังนั้น

$$\begin{aligned} \text{จาก} \quad \Delta \vec{P} &= m\vec{v} - m\vec{u} \\ \therefore \Delta \vec{P} &= m(+\vec{v}) - m(+\vec{u}) \\ \text{จะได้} \quad \Delta \vec{P} &= m\vec{v} - m\vec{u} \end{aligned}$$

แต่โมเมนตัมที่เปลี่ยนไปในกรณีนี้จะมีค่าเป็นจำนวนลบ เนื่องจากความเร็วปลายน้อยกว่าความเร็วต้น ซึ่งแสดงว่าโมเมนตัมที่เปลี่ยนไปมีทิศตรงข้ามกับการเคลื่อนที่

2.3 ความเร็วต้นกับความเร็วสุดท้ายตั้งฉากกัน ($\vec{u} \perp \vec{v}$)

ในกรณีนี้จะต้องสร้างรูป โดยการกลับทิศของความเร็วต้น ดังรูป



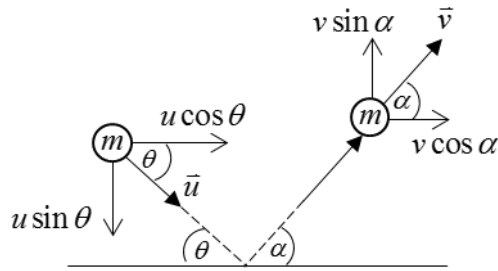
$$\text{จาก} \quad \Delta \vec{P} = m\vec{v} - m\vec{u}$$

จากทฤษฎีพีทาโกรัสเหลี่ยมด้านขนาน จะได้

$$\begin{aligned} \Delta \vec{P} &= \sqrt{(m\vec{v})^2 + (m\vec{u})^2} \\ \Delta \vec{P} &= m\sqrt{\vec{v}^2 + \vec{u}^2} \end{aligned}$$

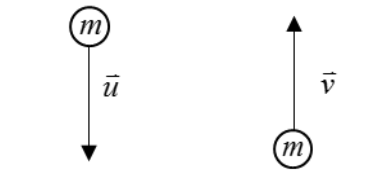
2.4 ความเร็วต้นกับความเร็วสุดท้ายทำมุมต่อกัน

ในกรณีนี้ให้แยกเวกเตอร์ของความเร็วเข้าแกน x และ y แล้วคิดการเปลี่ยนแปลงโมเมนตัมที่ละแกนดังรูป



จากรูป $\Delta P_x = mv \cos \alpha - mu \cos \theta$
 และ $\Delta P_y = mv \sin \alpha + mu \sin \theta$

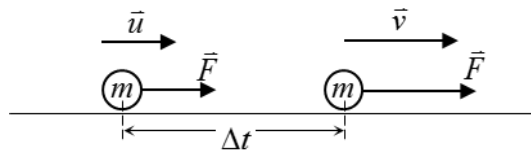
2.5 ความเร็วต้นกับความเร็วสุดท้ายมีทิศตรงข้ามกัน



ในกรณีนี้ $\Delta \vec{P}$ และ $\Delta \vec{v}$ จะมีทิศเดียวกับความเร็วสุดท้าย

จาก $\Delta \vec{P} = m\vec{v} - m\vec{u}$
 $\therefore \Delta \vec{P} = m(+\vec{v}) - m(-\vec{u})$
 จะได้ $\Delta \vec{P} = m\vec{v} + m\vec{u}$

3. แรงและการเปลี่ยนแปลงโมเมนตัม



- จากรูป m คือ มวลของวัตถุ
- \vec{F} คือ แรงลัพธ์ที่กระทำต่อวัตถุ
- Δt คือ ช่วงเวลาที่แรงกระทำต่อวัตถุ
- \vec{u} คือ ความเร็วต้น
- \vec{v} คือ ความเร็วสุดท้าย

จากกฎการเคลื่อนที่ข้อที่สองของนิวตัน คือ

$$\vec{F} = m\vec{a}$$

$$\vec{F} = m \frac{(\vec{v} - \vec{u})}{\Delta t}$$

$$\vec{F} = \frac{m\vec{v} - m\vec{u}}{\Delta t}$$

เมื่อ $m\vec{v}$ เป็นโมเมนตัมสุดท้าย หรือ \vec{P}_2

$m\vec{u}$ เป็นโมเมนตัมเริ่มต้น หรือ \vec{P}_1

$\frac{m\vec{v} - m\vec{u}}{\Delta t}$ เป็นอัตราการเปลี่ยนแปลงโมเมนตัม

อาจเขียนใหม่ได้ว่า

$$\vec{F} = \frac{\vec{P}_2 - \vec{P}_1}{\Delta t}$$

หรือ

$$\vec{F} = \frac{\Delta \vec{P}}{\Delta t}$$

สรุป แรงลัพธ์ที่กระทำต่อวัตถุ เท่ากับอัตราการเปลี่ยนแปลงโมเมนตัมทั้งขนาดและทิศทาง

ข้อควรทราบ

โมเมนตัมของวัตถุหรือระบบใด ๆ จำแนกได้ 2 ประเภท คือ

1. โมเมนตัมเชิงเส้น (linear momentum) สำหรับวัตถุที่มีการเคลื่อนที่แบบเส้นตรง และ
2. โมเมนตัมเชิงมุม (angular momentum) สำหรับวัตถุที่มีการเคลื่อนที่รอบจุด ๆ หนึ่ง

โดยทั่วไป เมื่อใช้คำว่า “โมเมนตัม” จะหมายถึงโมเมนตัมเชิงเส้น และสมการ (1) เป็นสมการของโมเมนตัมเชิงเส้น